

Université de Carthage Institut Préparatoire aux Etudes d'Ingénieurs de Nabeul Département Mathématique- Informatique	 المعهد التحضيري للدراسات الهندسية بنابل Institut Préparatoire aux Etudes d'Ingénieurs de Nabeul	Année universitaire : 2024/2025
		Filière : SM, SP et ST
		Niveau d'étude : 2 ^{ème} année
		Semestre : 1
		Nombre de pages : 3
		Date : 24/10/2024 Durée : 1H30

Devoir Surveillé n°1 d'informatique

Exercice1 : (10 points)

Dans cet exercice on cherche à calculer une **approximation** de la fonction **exponentielle de x** par l'expression suivante :

$$e^x = \sum_{n=0}^{+\infty} \frac{x^n}{n!} \tag{Equ.1}$$

D'où pour tout entier « n » positif on a : $S(x, n) = \sum_{i=0}^n \frac{x^i}{i!}$ **(Equ.2)**

La somme « **S(x,n)** » est une approximation de la fonction mathématique exponentielle « **e^x** » dont la précision dépend de la valeur de « **n** » tel que : $\lim_{n \rightarrow \infty} S(x, n) = e^x$ **(Equ.3)**

NB : Pour la suite de l'exercice il est interdit d'utiliser la fonction « **exp ()** » prédéfinie dans le module math ou d'autres modules.

- (1 pts)

1- Ecrire une fonction python « **Saisie** » qui saisit et retourne à partir du clavier un entier positif « **n ≥ 0** » avec tous les contrôles et traitements d'exceptions nécessaires.
- (1 pts)

2- Ecrire « **factIter (n)** » une fonction Python **itérative** qui calcule et retourne le factoriel de n « **n !** » dont voici un exemple d'appel :
- ```

1. >>> factIter(4)
2. 24

```
- (1 pts)

3- Dédurre une fonction **réursive** « **factRec (n)** » qui calcule le factoriel de n « **n !** ». Dans ce cas ajouter un traitement d'exception pour contrôler « **n** » qui doit être positive « **n ≥ 0** ».
- ```

3. >>> factRec(4)
4. 24
5. >>> factRec(-4)
6. AssertionError: Erreur1: n=-4 < 0 !
7. ...

```
- (1 pts)

4- Donner le schéma d'exécution de la fonction réursive « **factRec (n)** » pour **n = 5**. Dédurre la complexité **spatiale** et la complexité **temporelle**.
- (1 pts)

5- Ecrire une fonction **réursive** « **puiRecRap (x, n)** » qui exploite les deux identités suivantes « Equ.4 » pour calculer rapidement la puissance « **xⁿ** » :
- $$\begin{cases} X^{2k} = (X^k)^2 \\ X^{2k+1} = X (X^k)^2 \end{cases} \tag{Equ.4}$$
- (1 pts)

6- A partir de l'**equ.2** définir une fonction **réursive** « **expRec (x, n)** » qui calcule une approximation de l'exponentielle de **x**, avec **n** doit être un entier positif. Dans ce cas utiliser les fonctions de calcul de la puissance et celle de calcul de factoriel précédentes.
- (1 pts)

7- Ecrire une fonction **itérative** « **expEps (x, eps=0.001)** » qui calcule une approximation de « **e^x** » avec comme condition d'arrêt d'itération de la boucle quand le terme $|\frac{x^i}{i!}| \leq eps$. Cette fonction retourne un tuple **(ex, n)** dont le premier élément est un réel qui représente l'approximation de « **e^x** » et le deuxième élément est un entier qui représente le nombre d'itérations « **n = i** » effectué. Voici un exemple d'appel de cette fonction :

8. >>> expEps (1)	12. >>> expEps (4, 0.01)
9. (2.7180555555555554, 7)	13. (54.59398264287153, 14)
10. >>> expEps (4)	14. >>> expEps (-2)
11. (54.59706179769672, 15)	15. (0.1350970017636685, 10)

8- Donnez le code en python d'un programme principal qui permet :

(1 pts)

- a) D'ouvrir un fichier texte en lecture « **in.txt** » qui contient des réels sur une ou plusieurs lignes comme l'indique l'exemple suivant :

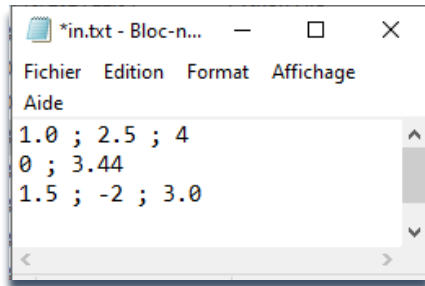


Fig.1 : Exemple de fichier « in.txt »

Et charger le contenu de ce fichier dans une liste « **Lx** » avec un réel par élément de la liste. Dans notre exemple **Lx** = [1.0, 2.5, 4.0, 0.0, 3.44, 1.5, -2.0, 3.0]

(1 pts)

- b) Calculer les exponentielles des tous les réels de liste « **Lx** » et stoker les résultats dans un dictionnaire « **d** » dont les **clés** sont les réels de « **Lx** » et les **valeurs** sont les approximations des exponentielles calculées par la fonction « **expRec(x,n)** » avec « **n** » sera saisie par l'utilisateur à travers la fonction « **Saisie** ». Dans notre exemple de test et pour une saisie de n = 10 : **d** = {1.0: 2.7182818011463845, 2.5: 12.18174319124306, 4.0: 54.44310405643739, 0.0: 1.0, ...}

(1 pts)

- c) Sauver le contenu du dictionnaire « **d** » dans un fichier texte « **out.txt** » en deux colonnes « **x** » et « **exp(x)** » avec la représentation des valeurs réels **sur 7 chiffres dont 3 après la virgule** comme l'indique la figure suivante :

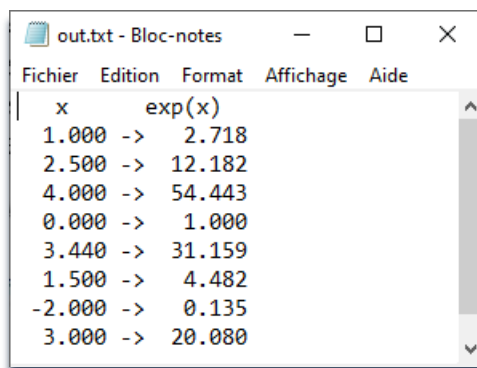


Fig.2 : Exemple de fichier « out.txt »

NB : voici un exemple d'un affichage d'un réel sur **6 chiffres dont 2 après la virgule** en utilisant le **f-string** :

```
16. >>> x = 2.7182818011463845
17. >>> print(f"{x=:6.2f}")
18. x= 2.72
19. >>>
```

Exercice2 : (10 points)

L'objectif de cet exercice est la modélisation des formes géométriques avec la POO sous Python.

(1 pts)

1. Créer une classe fondamentale Python nommée « **Point** », définie par deux attributs d'instance, **x** et **y**, représentant les coordonnées d'un point dans un plan.

(1 pts)

2. Définir une la méthode spéciale « **__str__** » qui permet la conversion d'un objet de type **Point** en une chaîne de caractères dont voici un exemple d'utilisation :

```
1. >>> p1 = Point(4,-3)
2. >>> print(p1)
3. P(4,-3)
```

(1 pts)

3. Définir une méthode « **distance** » qui retourne la distance euclidienne entre ce point et le centre de repère O(0,0).

```
4. >>> p1 = Point(4,-3) ; p1.distance()
5. 5.0
```

(1 pts)

4. Définir la méthode « **symétrie** » qui retourne le point (objet de type **Point**) symétrique par rapport au centre de repère O :

```
6. >>> p1_sym = p1.symetrie()
7. >>> print(p1_sym)
8. P(-4,3)
```

(1 pts)

5. Créer une classe fondamentale nommée Rectangle, définie par les attributs suivants :
- C : un attribut de type Point représentant le centre du rectangle,
 - L : la largeur du rectangle,
 - H : la hauteur du rectangle.

Voici un exemple d'instanciation d'un objet nommée « **boite** » de type **Rectangle** :

```
9. >>> p = Point(4,-3) #sera utilisé comme centre du rectangle
10. >>> boite = Rectangle(p,4,2) #largeur = 4 et hauteur = 2
```

(1 pts)

6. Définir une méthode « **perimSurf** » qui retourne un dictionnaire avec le périmètre et la surface du rectangle :

```
11. >>> boite.perimSurf()
12. {'Perimetre': 12, 'Surface': 8}
```

(1 pts)

7. Définir la méthode « **coins** » qui retourne une liste de quatre objets de type **Point** relatifs aux quatre coins du rectangle à partir du coin supérieur gauche et avec un parcours dans le sens d'aiguilles d'une montre. Comme l'exemple suivant :

```
13. >>> L=boite.coins()
14. >>> for p in L: print(p) #p est un objet de type Point.
15. P(2.0,-2.0)
16. P(6.0,-2.0)
17. P(6.0,-4.0)
18. P(2.0,-4.0)
```

(1 pts)

8. Définir une méthode « **affiche** » qui affiche les caractéristiques d'un objet de type « **Rectangle** » comme l'indique l'exemple suivant :

```
19. >>> boite.affiche()
20. Rectangle :
21.     centre = P(4,-3)
22.     Largeur = 4
23.     Hauteur = 2
24.     Périmètre = 12.000
25.     Surface = 8.000
26.     Coins = P(2.0,-2.0), P(6.0,-2.0), P(6.0,-4.0), P(2.0,-4.0)
```

(2 pts)

9. Ecrire un programme principal qui fait le traitement suivant :
- a- Saisie de deux réels « x et y » comme coordonnées d'un point « c »,
 - b- Saisie de la largeur « L » et la hauteur « H » d'un rectangle (deux réels strictement supérieurs à 0),
 - c- Création de l'objet « c » de type **Point**,
 - d- Création d'un objet « rect » de type **Rectangle** avec le centre « c », de largeur « L » et de hauteur « H »,
 - e- Affichage des caractéristiques de ce rectangle « rect » avec sa méthode « **affiche** ».

Bon courage...