

Université de Carthage Institut Préparatoire aux Études d'Ingénieur de Nabeul Département : Mathématiques		Année universitaire : 2021/2022 Filière : SM/SP/ST Niveau d'étude : 2^{ème} année Semestre : 2 Nombre de pages : 6 pages Date : 14/05/2022 Durée : 2h00
--	---	--

Corrigé

Exercice 1. (3 points)

Solution: Q1 (1 point)

$$\forall n \in \mathbb{N}^*, A_n(f) = \frac{b-a}{n} \sum_{k=0}^{n-1} f\left(\frac{a_k + a_{k+1}}{2}\right)$$

Solution:

```
#Q2 (1 point)
def ptmilieu (f, a, b, n):
    int_ptmilieu = 0
    h = (b-a)/n
    m = (a+h)/2
    for k in range(n):
        int_ptmilieu += h*f(m)
        m += h
    return int_ptmilieu

#Q3 (1 point)
from math import sin, pi
f = lambda t : sin (t)
print(ptmilieu(f, 0, pi, 100))
```

Problème 1. (7 points)**Solution:**

```
1  #=====
2  # Partie 1
3  #=====
4
5  #Q1 (1 point)
6  import numpy as np
7  def saisie_mat(n,m):
8      LL=[]
9      for i in range(n):
10         L=[]
11         for j in range(m):
12             while True:
13                 try:
14                     x=float(input("m[{},{}]=".format(i,j)))
15                     break
16                 except:
17                     continue
18             L.append(x)
19         LL.append(L)
20     return np.array(LL)
21
22 n = 4; A = saisie_mat(n,n)
23
24 #Q2 (0.5 points)
25 L = np.eye(n)
26 #L = np.ones((n,n))
27
28 #Q3 (0.5 points)
29 U = np.zeros((n,n))
30
31 #Q4 (0.5 points)
32 def somme (L,U, p, i, j):
33     s = 0
34     for k in range(1,p):
35         s += L[i-1,k-1] * U[k-1,j-1]
36     return s
37
38 #Q5 (Décomposition LU) (1 point)
39 for i in range(1,n):
40     for j in range(i,n+1):
41         U[i-1,j-1] = A[i-1,j-1] - somme(L,U,i,i,j)
42     for j in range(i+1,n+1):
43         L[j-1,i-1] =(1/U[i-1,i-1]) * (A[j-1,i-1] - somme(L,U,i,j,i))
```

```
44 U[n-1,n-1] = A[n-1,n-1] - somme(L,U,n,n,n)
45
46
47 #Q6 (0.5 points)
48 print(A, L, U, np.dot(L,U))
49
50 #=====
51 # Partie 2
52 #=====
53 #Q1 (0.5 points)
54 def sommeU (U,X,i,n):
55     s = 0
56     for j in range(i+1,n+1):
57         s += U[i-1,j-1] * X[j-1,0]
58     return s
59
60 #Q2 (0.5 points)
61 def sommeL (L,Y,i):
62     s = 0
63     for j in range(1,i):
64         s += L[i-1,j-1] * Y[j-1,0]
65     return s
66
67 #Q3 (0.25 points)
68 B = saisie_mat(n,1)
69
70 #Q4 (0.5 points)
71 X = np.zeros((n,1))
72 Y = np.zeros((n,1))
73
74 #Q5 (0.5 points)
75 #Résolution LY=B
76 Y[0,0] = B[0,0]/L[0,0]
77 for i in range(2,n+1):
78     Y[i-1,0] = (1 / L[i-1,i-1]) * (B[i-1,0] - sommeL(L,Y,i))
79
80 #Q6 (0.5 points)
81 #Résolution UX=Y
82 X[n-1,0] = Y[n-1,0]/U[n-1,n-1]
83 for i in range(n-1,0,-1):
84     X[i-1,0] = (1 / U[i-1,i-1]) * (Y[i-1,0] - sommeU(U,X,i,n))
85
86 #Q7 (0.25 points)
87 print("Matrice A = "); print(A)
88 print("Matrice B = "); print(B)
89 print("Matrice X = "); print(X)
```

Problème 2. (10 points)**Solution: #Q1 (1 point)**

```
1 CREATE TABLE `installer` (  
2     `id_poste`      INTEGER NOT NULL,  
3     `id_logiciel`   INTEGER NOT NULL,  
4     `date_installation` DATE NOT NULL,  
5     `duree_licence` VARCHAR NOT NULL,  
6     PRIMARY KEY(id_poste, id_logiciel),  
7     FOREIGN KEY(`id_poste`) REFERENCES poste,  
8     FOREIGN KEY(`id_logiciel`) REFERENCES logiciel  
9 );
```

#Q2 (1 point)

```
1 def executer(requete):  
2     import sqlite3  
3     connexion = sqlite3.connect('logiciels.db')  
4     cur = connexion.cursor()  
5     lt=cur.execute(requete).fetchall() #retourne une liste de tuples  
6     connexion.close()  
7     return lt
```

#Q3 (1.5 points)

```
11 class Logiciel :  
12     def __init__(self, nom, version, prix):  
13         self.nom = nom  
14         self.version = version  
15         self.prix = prix  
16  
17     # NB : Vous n'êtes pas obligé à réimporter le module sqlite3  
18     # et de se reconnecter de nouveau à la base de données, ni de recréer  
19     # l'objet curseur. Il suffit de préparer la requête, l'exécuter  
20     # et d'enregistrer les changements au niveau de la table logiciel  
21     def enregistrer(self):  
22         requete = "INSERT INTO logiciel VALUES (null, '"+self.nom+"',  
23             '"+self.version+"', '"+self.prix+"');"  
24         cur.execute(requete)  
25         connexion.commit()  
26  
27     def chercherId(self):  
28         """  
29         Permet de chercher un logiciel dans la table Logiciel  
30         par son nom et sa version et retourne son identifiant.  
31         """  
32         requete = "SELECT id FROM logiciel WHERE nom = '"+ self.nom +"  
33             AND version = '"+ self.version +"""
```

```
34         lt=executer(requete)
35         id=lt[0][0]
36         return (id)
37
38     def __str__(self):
39         return "Logiciel("+self.nom+", "+self.version+", "+self.prix+")"
40
41 #Q4 (1 point)
42 def liste_salles():
43     requete ="SELECT * FROM salle ;"
44     liste_de_tuples=executer(requete)
45     liste_de_salles=[]
46     for tup in liste_de_tuples:
47         nouv_salle = Salle(tup[1])
48         liste_de_salles.append(nouv_salle)
49     return liste_de_salles
50
51 #Q5 (0.5 points)
52 scipy = Logiciel("scipy","2.3","infini")
53 scipy.enregistrer()
54
55
56 #Q6 (1 point)
57 toutes_les_salles = liste_salles()
58 for s in toutes_les_salles:
59     les_postes = s.charger_liste_postes()
60     for p in les_postes():
61         p.installer(scipy,'04/04/2022', 'infini')
62
63 #Q7 (0.5 points)
64 #Définition du concept d'encapsulation en POO
65 '''
66 Le concept d'Encapsulation est un concept très utile de la POO, il permet de :
67 1- Restreindre l'accès direct aux états (attributs) et empêche l'utilisateur
68 d'utiliser un objet au delà des méthodes qui lui sont proposées.
69 2- Définir des niveaux de visibilité (portée) des éléments (attributs/méthodes)
70 de la classe et indique les droits à leur accès.
71 Exemples:
72 - Publique : les attributs publics sont accessibles à tous.
73 - Privée : les attributs privés sont accessibles seulement par la classe
74 elle-même.
75 3- Garantir l'intégrité des objets.
76 Par exemple, si vous avez une classe Voiture et que vous voulez définir
77 la valeur de sa propriété couleur à bleu, il vous faut passer par une
78 méthode par exemple definirCouleur, implémentée dans la classe Voiture.
79 Cette méthode peut restreindre les différentes valeurs de couleur et
```

```
80         effectuer des contrôles sémantiques sur les données entrées par
81         l'utilisateur.
82         En interdisant l'utilisateur de modifier directement les attributs, et
83         en l'obligeant à utiliser les fonctions définies pour les modifier, on
84         est capable de s'assurer de l'intégrité des objets.
85     '''
86     #Q8 (0.5 points)
87     #méthode __init__
88     self.__prix = prix
89
90     #méthode enregistrer
91     requete = "INSERT INTO logiciel VALUES (null,'"+self.nom+"','"+self.version
92               + "','"+self.__prix+"');"
93
94     #méthode __str__
95     return "Logiciel('"+self.nom+"', '"+self.version+"', '"+self.__prix+"'"
96
97     #Q9 (0.5 points)
98     def getPrix(self):
99         return self.__prix
100
101     def enregistrer (self):
102         ...
103         VALUES (...+self.getPrix()+");"
104
105     def __str__(self):
106         return "Logiciel ('"+self.nom+"', '"+self.version+"', '"+self.getPrix()+")"
107
108     #Q10 (0.5 points)
109     def setPrix(self, nouveauPrix):
110         assert type(nouveauPrix) in (int, float) and nouveauPrix > 0, "Valeur invalide"
111         self.__prix = nouveauPrix
112
113     #Q11 (1 point)
114     def nb_logiciels(self):
115         requete = "SELECT COUNT (*) FROM INSTALLER WHERE id_poste = " + str(self.id)
116         lt=executer(requete)
117         nb=lt[0][0] #Premier élément du premier tuple du résultat
118         return (nb)
119
120 -- Q12 (1 point)
121 SELECT * FROM poste WHERE poste.id NOT IN (
122                                     SELECT installer.id_poste
123                                     FROM installer, logiciel
124                                     WHERE installer.id_logiciel = logiciel.id
125                                     AND logiciel.nom = 'Python' );
```